

# **UNIWIN VERSION 10.2.0**

# CLASSIFICATION PAR LA METHODE DES K-MOYENNES

Révision : 25/03/2025

Définition	1
Entrée des données	2
Données manquantes	3
Exemple 1 : Fichier VEHICULE	
L'option Rapports	6
L'option Graphiques	9
Exemple 2 : Fichier IRIS3	
Exemple 3 : Fichier IRIS - Classification mixte	15
Les variables internes créées par la procédure	19
Références	19

### Définition

La classification par la méthode des K-moyennes (KM) permet de construire une partition d'un ensemble d'observations en classes telles que les observations appartenant à une même classe sont proches alors que les observations appartenant à des classes différentes sont éloignées. C'est une méthode de classification non hiérarchique complémentaire à la méthode de classification ascendante hiérarchique (CAH).

La procédure affiche un rapport indiquant notamment les centroïdes des classes formées, la classification des observations, des statistiques descriptives pour les classes formées et les contributions des variables aux classes. Si une classification mixte a été mise en œuvre, les résultats de la CAH sont également fournis.

Les graphiques des inerties intra-classes, des inerties expliquées, des indices de Calinski-Harabasz, des coefficients moyens et individuels de silhouette et des nuages de points des classes formées sont proposés. Si une classification mixte a été mise en œuvre, le diagramme des indices de la classification et l'affichage de l'arbre sont proposés.

Cette procédure est basée sur les packages R 'stats' et 'cluster'.

#### Entrée des données

Cliquons sur l'icône KM dans le ruban Décrire et choisissons K-moyennes pour afficher la boîte de dialogue montrée ci-dessous :

Classification par la méthode des K-moye	nnes	×
	Variables quantitatives :	
		-
	(Libellés des observations :)	
	(Libellés des variables :)	
	Nombre désiré de classes ou lignes des no	yaux initiaux :
	Nombre maximum de classes à tester :	10
	Nombre maximum d'itérations :	100
Standardisation des données	Nombre de tirages aléatoires :	10
Algorithme	Racine aléatoire :	616976599
O Hartigan-Wong O Lloyd	Faire une CAH sur les classes obtenue	s par KM
O Forgy O McQueen	Nombre désiré de classes pour la CAH :	1
Ok Annuler	Sélection Supprimer	Aide

Cette boîte de dialogue permet de choisir les variables quantitatives à utiliser pour la classification, la variable contenant les libellés des observations et la variable contenant les libellés des variables quantitatives utilisées pour la classification.

Par défaut les données sont standardisées.

Le nombre désiré de classes peut être précisé de deux façons, soit en entrant ce nombre, soit en entrant les numéros des lignes du fichier des données définissant les noyaux initiaux de ces classes.

Le champ 'Nombre maximum de classes à tester' permet de calculer diverses statistiques pouvant aider à valider le nombre adéquat de classes à former.

L'algorithme à utiliser peut être sélectionné. La méthode de Hartigan-Wong (1979) est la méthode par défaut. Elle est généralement plus performante que les méthodes de Lloyd (1957), Forgy (1965) et McQueen (1967).

Le nombre maximum d'itérations de l'algorithme peut être précisé.

Le nombre de tirages aléatoires des noyaux de départ et la racine aléatoire associée peuvent être indiqués dans le cas où le nombre de classes à former est précisé. Ces deux options ne sont pas utilisées si les noyaux initiaux des classes à former sont entrés.

Enfin, il est possible de compléter l'analyse par une classification ascendante hiérarchique (CAH) sur les classes obtenues par les K-moyennes.

#### Données manquantes

Les données manquantes ne sont pas autorisées par cette procédure.

#### Exemple 1 : Fichier VEHICULE

Pour illustrer cet exemple, nous utiliserons le fichier VEHICULE.

Ce fichier contient 7 informations caractérisant 24 véhicules : *Modèle, Cylindrée, Puissance, Vitesse, Poids, Longueur, Largeur.* 

Les libellés des variables quantitatives sont dans la variable Mesures.

Les 24 modèles d'automobiles sont :

Honda Civic	R19	Fiat Tipo	405
R21	BX	BMW 530i	Rover 827i
R25	Opel Omega	405 Break	Ford Sierra
BMW 325ix	Audi 90 Quattro	Ford Scorpio	Espace
Nissan Vanette	VW Caravelle	Ford Fiesta	Fiat Uno
205	205 Rallye	Seat Ibiza SXI	AX Sport

Cliquons sur l'icône KM dans le ruban Décrire et choisissons K-moyennes. La boîte de dialogue montrée ci-après s'affiche.

Nous choisissons toutes les variables de *Cylindrée* à *Largeur* comme variables quantitatives, la variable *Mesures* comme variable contenant les libellés associés et la variable *Modèle* comme variable contenant les libellés des observations.

Nous demandons de former 3 classes et choisissons de faire une classification sur les données standardisées.

Modèle Cylindrée Puissance Vitesse Poids Longueur Largeur Mesures Groupe	Variables quantitatives : Cylindrée Puissance Vitesse Poids Longueur Largeur	•
	(Libellés des observations :) Modèle	
	(Libellés des variables :) Mesures	
	Nombre désiré de classes ou lignes des noyaux initiaux	с
	Nombre désiré de classes ou lignes des noyaux initiaux 3 Nombre maximum de classes à tester : <sup>10</sup>	c:
	Nombre désiré de classes ou lignes des noyaux initiaux         3         Nombre maximum de classes à tester :         10         Nombre maximum d'itérations :	<:
Standardisation des données	Nombre désiré de classes ou lignes des noyaux initiaux         3         Nombre maximum de classes à tester :         10         Nombre maximum d'itérations :         100         Nombre de tirages aléatoires :	<:
Standardisation des données	Nombre désiré de classes ou lignes des noyaux initiaux         3         Nombre maximum de classes à tester :         10         Nombre maximum d'itérations :         100         Nombre de tirages aléatoires :         10         Racine aléatoire :	<:
<ul> <li>Standardisation des données</li> <li>Algorithme</li> <li>Hartigan-Wong Uoyd</li> <li>Forgy McQueen</li> </ul>	Nombre désiré de classes ou lignes des noyaux initiaux         3         Nombre maximum de classes à tester :         10         Nombre maximum d'itérations :         100         Nombre de tirages aléatoires :         10         Racine aléatoire :         12345         Faire une CAH sur les classes obtenues par KM	

Cliquons sur Ok. UNIWIN débute le calcul de la classification. Après quelques instants, l'écran suivant s'affiche :

Rapports et Graphiques									
Rapport KM		1	2	3	4	5	6	7	8
- Nombre optimal de classes (KM)	1								
Centroï des sta, des classes (KM)	2	(C) UNIWIN version 10.2.0							
- Classification (KM)	3								
<ul> <li>Résumé de la classification (KM)</li> </ul>	4	DATE: 16/01/2025							
Statistiques pour les classes (KM)	5	ORDINATEUR : LAPTOP-LEG8L077							
Contrib. variables aux classes (KM)	6	UTILISATEUR : cchar							
contrib. Classes day fundaces (run)	7	FICHIER(S) DE DONNEES OUVERT(S) :	VEHICULE.SGD						
	8								
	9	RESULTATS DE LA CLASSIFICATION	PAR LES K-MOYENNES						1
	10								
	11	Sélection :							
	12	Aucune							
	13								
	14	Nombre d'observations : 24							
	15								
	16	Variables explicatives :							
	17	17 Cylindrée							
	18	Puissance							
	19	Vitesse	Vitesse						
	20	Poids							
	21	Longueur							
		Rapport Explorateur /							

La barre d'outils 'Rapports et Graphiques' permet par l'icône 'Données' la boîte de dialogue d'entrée des données. L'icône 'Rapports' affiche la boîte de dialogue des options pour les rapports :

Rapports
Rapport Explorateur
O Rapport Général
◯ Rapport Html
Ok Annuler

et l'icône 'Graphiques' affiche la boîte de dialogue des options pour les graphiques.

Graphiques					
O Diagramme des inerties intra-classes					
O Diagramme des inerties expliquées					
O Diagramme des indices de Calinski-Harabasz					
O Diagramme des coefficients moyens de silhouette					
◯ Graphique des coefficients individuels de silhouette					
◯ Nuage de points des classes KM					
O Diagramme des indices de la classification CAH					
O Diagramme de l'arbre de classification CAH					
◯ Nuage de points des classes CAH					
Ok Annuler					

L'icône 'Enregistrer' permet de sélectionner les résultats de l'analyse à enregistrer dans un fichier.

Enregistrement des résultats (1/1)						
Enregistrer	Noms attribués aux variables cibles					
Libellés des observations	libobs					
🗌 Libellés des variables	libvar					
Classes des observations (KM)	classes					
☐ Libellés des classes (KM)	libclasses					
Centroïdes standardisés des classes (KM)	centres1_1					
Centroï des non standardisés des classes (KM)	centres2_1					
Ok Plus	Tout Annuler					

L'icône 'Quitter' permet de quitter l'analyse.

#### L'option Rapports

Le premier tableau affiche pour les nombres de classes variant de 2 au nombre maximum de classes indiqué, les inerties expliquées, les indices de Calinski-Harabasz, les inerties intra-classes et les coefficients moyens de silhouette. Ces quatre indices sont également représentés de façon graphique. Ils aident à déterminer le nombre adéquat de classes à former.

Rapports et Graphiques									- • •
Rapport KM		1	2	3	4	5	6	7	8
Nombre optimal de classes (KM)	1								
- Centrol des stal. des classes (KM)	2	DETERMINATION DU NOMBRE OPTIMA	AL DE CLASSES (KM)						
Classification (KM)	3								
<ul> <li>Résumé de la classification (KM)</li> </ul>	4	Intra-classes = inertie intra-classes	F						
Statistiques pour les classes (KM)	5	Inertie expliquée = pourcentage d'in	nertie expliquée						
Contrib. variables aux classes (KM)	6	Indice CH = indice de Calinski-Harab	asz						
contrible classes dax valiables (run)	7	Silhouette = coefficient moyen de s	ilhouette						
	8								
	9								1
	10		Intra-classes	Inertie expliquée	Indice CH	Silhouette			
	11	2 classes	61,75598	55,24929	27,16123	0,41747			
	12	3 classes	34,36305	75,09924	31,66738	0,42280			
	13	4 classes	27,26139	80,24537	27,08070	0,36222			
	14	5 classes	22,05334	84,01932	24,97339	0,36623			
	15	6 classes	16,87575	87,77119	25,83869	0,34918			
	16	7 classes	12,76377	90,75089	27,80024	0,36200			
	17	8 classes	10,32859	92,51552	28,25366	0,35683			
	18	9 classes	8,97217	93,49843	26,96418	0,31671			
	19	10 classes	7,58726	94,50198	26,73748	0,28225			
	20								
	21								
		Rapport Explorateur /						i	

L'indice CH varie entre 0 et l'infini. Une valeur élevée de l'indice CH signifie que les classes formées sont denses et bien séparées. Il faut choisir la solution qui donne un pic ou au moins un coude abrupt dans le graphique des indices CH.

Les coefficients de silhouette varient entre -1 et +1. Structure forte de la classe si [0,71 ; 1,00], raisonnable si [0,51 ; 0,70], faible si [0,25 ; 0,50] et pas de structure si [-1,00 ; 0,25].

Les deuxième et troisième tableaux affichent les centroïdes standardisés et non standardisés des classes formées.

CENTROIDES STANDARDISES DES CLASSES								
	Cylindrée	Puissance	Vitesse	Poids	Longueur	Largeur		
Classe 1	1,32386	1,48685	1,30542	1,03130	0,88493	0,56617		
Classe 2	-1,04445	-0,80681	-0,63288	-1,15976	-1,27196	-1,03980		
Classe 3	0,04125	-0,24666	-0,27695	0,30903	0,48661	0,49213		

CENTROIDES NON STANDARDISES DES CLASSES								
	Cylindrée	Puissance	Vitesse	Poids	Longueur	Largeur		
Classe 1	2605,00	171,33333	216,000	1348,33333	458,16667	173,16667		
Classe 2	1354,75	82,37500	167,125	843,75000	369,00000	160,87500		
Classe 3	1927,90	104,10000	176,100	1182,00000	441,70000	172,60000		

Le quatrième tableau affiche les résultats de la classification.

Rapports et Graphiques									
Rapport KM		1	2	3	4	5	6	7	8
<ul> <li>Nombre optimal de classes (KM)</li> </ul>	1								
Centroïdes std. des classes (KM)	2	CLASSIFICATION DES OBSERVATION	S (KM)						
	3								
Résumé de la classification (KM)	4	Nombre de classes formées : 3							
<ul> <li>Statistiques pour les classes (KM)</li> </ul>	5								
Contrib. variables aux classes (KM)	6	Distance = distance de l'observation	n au centroïde non stan	dardisé de sa classe					
···· Contrib. classes aux variables (KM)	7	Silhouette = coefficient de silhouett	te de l'observation						
	8								
	9								1
	10		Classe	Distance	Silhouette				
	11	Honda-Civic	2	43,27005	0,48808				
	12	R19	3	301,30397	0,17098				
	13	Fiat-Tipo	2	259,70088	-0,00936				
	14	405	3	189,42830	0,48459				
	15	R21	3	148,78400	0,56407				
	16	BX	3	201,74558	0,36441				
	17	BMW-530i	1	414,57160	0,56558				
	18	Rover-827i	1	73,25716	0,60386				
	19	R25	1	60,63781	0,53357				
	20	Opel-Omega	3	108,42361	0,27552				
	21	405-Break	3	71,66226	0,40050				
		Eard Ciarra	-	07 70054	0 50074		1	1	
		Rapport Explorateur /							

Pour chaque observation, il indique sa classe d'affectation, sa distance au centroïde non standardisé de cette classe et son coefficient de silhouette.

Le coefficient de silhouette est la différence entre la distance moyenne avec les observations de sa classe et la distance moyenne avec les observations des autres classes. Il varie entre -1 et +1.

Si cette différence est négative, l'observation est en moyenne plus proche de la classe voisine que de la sienne et donc elle est donc mal classée.

À l'inverse, si cette différence est positive, l'observation est en moyenne plus proche de sa classe que de la classe voisine et donc elle est donc bien classée.

Le cinquième tableau affiche un résumé de la classification : nombre d'observations dans chaque classe, pourcentages associés ainsi que les coefficients de silhouette.

	RESUME DE LA CLASSIFICATION (KM	)		
	Silhouette : coefficient moyen de si	lhouette pour la classe		
		Nombre d'observations	Pourcentage	Silhouette
	Classe 1	6	25,00000	0,42423
	Classe 2	8	33,33333	0,45865
	Classe 3	10	41,66667	0,39327
	Total	24	100,00000	0,42280
î				

Le tableau suivant affiche pour chaque classe un ensemble de statistiques descriptives pour chacune des variables utilisées pour la classification.

Les deux tableaux suivants affichent les contributions signées en pourcentages des variables aux classes et les contributions signées en pourcentages des classes aux variables.

Rapports et Graphiques									
Rapport KM		1	2	3	4	5	6	7	8
<ul> <li>Nombre optimal de classes (KM)</li> </ul>	1								
Centroïdes std. des classes (KM)	2	STATISTIQUES POUR LA CLASSE 1							
Centroi des non std. des classes (KM)	3								
Résumé de la classification (KM)	4		Cylindrée	Puissance	Vitesse	Poids	Longueur	Largeur	
- Statistiques pour les classes (KM)	5	Effectif	6,00000	6,00000	6,00000	6,00000	6,00000	6,00000	
Statistiques classe 1	6	Moyenne	2605,00000	171,33333	216,00000	1348,33333	458,16667	173,16667	
Statistiques classe 2	7	Variance	107756,00000	167,88889	93,33333	7538,88889	264,47222	27,13889	
Contrib. variables aux classes (KM)	8	Ecart-type	328,26209	12,95719	9,66092	86,82678	16,26260	5,20950	
Contrib. classes aux variables (KM)	9	Minimum	1994.00000	150.00000	200.00000	1220.00000	432.00000	164.00000	
	10	Maximum	2986.00000	188,00000	226,00000	1510,00000	472,00000	180,00000	
	11	Etendue	992,00000	38,00000	26,00000	290,00000	40,00000	16,00000	
	12	Médiane	2611,50000	174,00000	218,00000	1347,50000	467,50000	175,00000	
	13	Premier quartile	2244,00000	155,00000	204,00000	1260,00000	435,50000	166,50000	
	14	Troisième quartile	2804,00000	179,50000	224,00000	1357,50000	470,00000	175,50000	
	15	Dist. inter-quart.	560,00000	24,50000	20,00000	97,50000	34,50000	9,00000	
	16								
	17								
	18								
	19								
	20								
	21								
	1	Rapport Explorateur /							

Rapports et Graphiques									- 0 <b>×</b>	
Rapport KM		1	2	3	4	5	6	7	8	
<ul> <li>Nombre optimal de classes (KM)</li> </ul>	1									
Centroï des std. des classes (KM)	2	CONTRIBUTIONS EN POURCENTAGES	INTRIBUTIONS EN POURCENTAGES DES VARIABLES QUANTITATIVES AUX CLASSES (KM)							
Centrol des non std. des classes (KM)	3		THEOTON'S EN POURCENTROLS DES VARIABLES QUANTITATIVES AUX CERSIES (NIN)							
Résumé de la classification (KM)	4	Variance totale : 7719474.29167	rriance totale : 7719474.29167							
- Statistiques pour les classes (KM)	5	Variance inter-classes : 6399852.13	333							
Statistiques classe 1	6	Pourcentage inter/totale : 82 90528								
Statistiques classe 2	7	rourcentage interitotale r orjotoro								
Contributionables and classe 3	,	Los contributions cont signáco u								
- Contrib, classes aux variables (KM)	0	Les contributions sont signees.		2					I	
	9	> une valeur negative indique que la	a variable est interfeure	a sa moyenne giobale						
	10	> une valeur positive indique que la	variable est superieur	e a sa moyenne global	8					
	11									
	12	Le total en ligne fait 100.								
	13									
	14									
	15		Cylindrée	Puissance	Vitesse	Poids	Longueur	Largeur		
	16	Classe 1	88,70823	0,60397	0,19679	10,24453	0,24307	0,00341		
	17	Classe 2	-80,12818	-0,25808	-0,06712	-18,80116	-0,72876	-0,01669		
	18 Classe 3 7,77551 -1,50084 -0,79972 83,05499 6,636									
	19									
	20									
	21									
	F	 Rapport Explorateur /								

r													
Rapports et Graphiques									- • •				
Rapport KM		1	2	3	4	5	6	7	8				
<ul> <li>Nombre optimal de classes (KM)</li> </ul>	1												
Centroïdes std. des classes (KM)	2	CONTRIBUTIONS EN POURCENTAGES	DES CLASSES AUX VAR	ABLES QUANTITATIVES	(KM)								
Centrol des non std. des classes (KIVI)	3												
Résumé de la classification (KM)	4	Les contributions sont signées :											
- Statistiques pour les classes (KM)	5	> une valeur négative indique que la	variable est inférieure	à sa moyenne globale									
Statistiques classe 1	6	> une valeur positive indique que la	variable est supérieur	e à sa moyenne global	•								
Statistiques classe 2	7			, ,									
- Contrib, variables aux classes (KM)	8	Le total en colonne fait 100.	total en colonne fait 100.										
Contrib. classes aux variables (KM)	9												
	10												
	11		Cylindrée	Puissance	Vitesse	Poids	Longueur	Largeur					
	12	Classe 1	54,59906	69,51852	72,02526	35,26300	23,48178	14,80071					
	13	Classe 2	-45,31260	-27,29273	-22,57184	-59,45992	-64,68439	-66,56121					
	14	Classe 3	0,08834	-3,18875	-5,40291	5,27708	11,83383	18,63809					
	15												
	16												
	17												
	18												
	19												
	20												
	21												
		Pappart Explorateur /											
	1												

## L'option Graphiques

• Diagramme des inerties intra-classes

Le diagramme des inerties intra-classes permet de visualiser l'évolution de l'inertie intraclasses en fonction du nombre de classes formées.



• Diagramme des inerties expliquées

Le diagramme des inerties expliquées permet de visualiser l'évolution de l'inertie expliquée en fonction du nombre de classes formées.



• Diagramme des indices de Calinski-Harabasz

Le diagramme des indices de Calinski-Harabasz (CH) permet de visualiser l'évolution de cet indice en fonction du nombre de classes formées. L'indice CH varie entre 0 et l'infini. Une valeur élevée de l'indice CH signifie que les classes formées sont denses et bien séparées. Il faut choisir la solution qui donne un pic ou au moins un coude abrupt dans le graphique des indices CH.



• Diagramme des coefficients moyens de silhouette

Le diagramme des coefficients moyens de silhouette permet de visualiser l'évolution de ces coefficients en fonction du nombre de classes formées.



• Graphique des coefficients individuels de silhouette

Le graphique des coefficients individuels de silhouette permet de visualiser ces coefficients pour chacune des observations. Pour chaque observation, le coefficient de silhouette est la différence entre la distance moyenne avec les observations de sa classe et la distance moyenne avec les observations de sa classe et la distance moyenne avec les observations de sa classe et la distance de la classe voisine et donc elle est donc mal classée. Si positif, l'observation est en moyenne plus proche de la classe voisine que de la sienne et donc elle est donc mal classée. Si positif, l'observation est en moyenne plus proche de sa classe que de la classe voisine et donc elle est donc bien classée.

La ligne horizontale indique la position du coefficient moyen de silhouette. Si la plupart des observations d'une classe ont des coefficients inférieurs à ce coefficient moyen, cela indique probablement que la partition obtenue n'est pas bonne.

<b>:</b> G	raphique																							- • ×	٢.
Op	otions	Libellés	Zoom	Imprim	er Cop	ier Enr	egistrer																		
									C	raphi	que de	es coef	ficient	s indiv	viduels de si	lhouet	te								
	0.70									Co	effici	ent mo	yen de	silho	uette : 0,42	280									I
	0,60	······	Honda-	Givic R19					BMW-5	30i						*Ford-S	corpio								
	0,50				Fiat-Tip	0				-Kover-	SER25	Opel-O	nega-Bro	ak Ford S	erra		Espace	Niccon	Vanette						
														1010-5	*BMW-325ix			TVISSAII	VW-Ca	ravelle					
ient	0,40					405														-Ford-Fi	Fiat-Un	205	#205 Pat	lina.	
L L	0,30					······	R21															Seat-T	iza-SXI	*	
00	0.20																					otur 1			
	,							BX															A	X-Sport	
	0,10																								
	0,00														+Audi-9	-Ouattro									
	-0,10	<u>.                                    </u>																							
_	_												Obser	vation	S										
	-												Obser	vation	\$ 										

• Graphique des nuages de points des classes

Le graphique des nuages de points des classes permet de visualiser les classes formées par rapport à deux variables quantitatives sélectionnées.

Le bouton 'Libellés' permet de préciser les libellés affichés et si les enveloppes convexes des classes sont tracées ou non.





#### Exemple 2 : Fichier IRIS3

Nous utiliserons le fichier IRIS3 pour illustrer ce deuxième exemple.

Ce fichier contient pour 150 iris les mesures des quatre caractéristiques suivantes exprimées en millimètres : longueur du sépale, largeur du sépale, longueur du pétale et largeur du pétale

Renseignons la boîte de dialogue comme montré ci-dessous en précisant les noyaux initiaux à utiliser : les lignes 1, 51 et 101 du fichier des données.

Classification par la méthode des K-moyen	nes	×
type  Ionsepal Iarsepal Ionpetal Iarpetal codesp1 codesp2	Variables quantitatives : Ionsepal larsepal lonpetal larpetal	
numins mesures nomesp	(Libellés des observations :)	
	(Libellés des variables :)  mesures	
	Nombre désiré de classes ou lignes des noy 1 51 101	aux initiaux :
	Nombre maximum de classes à tester :	10
	Nombre maximum d'itérations :	100
Standardisation des données	Nombre de tirages aléatoires :	10
Algorithme	Racine aléatoire :	12345
	Faire une CAH sur les classes obtenues	par KM
O Forgy O McQueen	Nombre désiré de classes pour la CAH :	1
Ok Annuler	Sélection Supprimer	Aide

Cliquons sur le bouton 'Sélection' pour sélectionner les observations à utiliser comme jeu d'apprentissage.

Un message nous indique que 144 observations seront utilisées.

Cliquons sur Ok. Un message nous indique que les lignes non sélectionnées seront utilisées comme jeu de prévision.

Définitio	on de la sélection			×
Et	type	$\diamond$	Ρ	
Liaison	Variable	Relation	Valeur ou variable	
Et Et non Ou Ou non	larpetal larsepal lonpetal lonsepal mesures nomesp numiris type	= <> <= > >= débute	codesp1 codesp2 larpetal larsepal lonpetal lonsepal mesures nomesp	
	Ok Annuler	A	jouter Aide	

Visualisons quelques résultats obtenus.

Rapports et Graphiques									- • •	
Rapport KM		1	2	3	4	5	6	7	8	
Nombre optimal de classes (KM)	1									
Centroi des std. des classes (KM)	2	DETERMINATION DU NOMBRE OPTIMA	L DE CLASSES (KM)							
Classification (KM)	3									
Résumé de la classification (KM)	4	Intra-classes = inertie intra-classes								
Statistiques pour les classes (KM)	5	Inertie expliquée = pourcentage d'ir	nertie expliquée							
Contrib. variables aux classes (KM)	6	Indice CH = indice de Calinski-Harab	asz							
	7	Silhouette = coefficient moyen de s	ilhouette							
	8									
	9								1	
	10		Intra-classes	Inertie expliquée	Indice CH	Silhouette				
	11	2 classes	213,78547	62,62492	237,93227	0,57843				
	12	3 classes	133,98030	76,57687	230,48454	0,45689				
	13	4 classes	109,85564	80,79447	196,31888	0,40880				
	14	5 classes	88,28251	84,56600	190,40219	0,35835				
	15	6 classes	78,30769	86,30984	174,00472	0,34415				
	16	7 classes	70,27420	87,71430	163,01961	0,33237				
	17	8 classes	61,80517	89,19490	160,38070	0,32792				
	18	9 classes	74,78881	86,92503	112,18842	0,37952				
	19	10 classes	55,52774	90,29235	138,48389	0,31732				
	20									
	21									
		Rapport Explorateur /								

#### **RESUME DE LA CLASSIFICATION (KM)**

Silhouette : coefficient moyen de silhouette pour la classe

	Nombre d'observations	Pourcentage	Silhouette	
Classe 1	48	33,33333	0,63389	
Classe 2	50	34,72222	0,39738	
Classe 3	46	31,94444	0,34476	
Total	144	100,00000	0,45941	
				_

Rapports et Graphiques									
Rapport KM		1	2	3	4	5	6	7	8
<ul> <li>Nombre optimal de classes (KM)</li> </ul>	1								
- Centroïdes std. des classes (KM)	2	CLASSIFICATION DES OBSERVATION	S DU JEU DE PREVISION (	KM)					
Centrol des non std. des classes (KM)	3								
- Résumé de la classification (KM)	4	Classe affectée et distances de l'ob	servation aux centroïd	es non standardisés d	es classes				
⊕- Statistiques pour les classes (KM)	5								
- Contrib. variables aux classes (KM)	6								
Contrib. classes aux variables (KM)	7		Classe affectée	Classe 1	Classe 2	Classe 3			
Classification du jeu de prevision (KM)	8	3	1	0.43075	3 49955	4 99817			
	-	36		0,45515	3 50851	4,05011			
	10	62	2	2 16151	0,40057	4,00040			
	10	02	2	5,10151	0,40057	1,00094			
		404	2	4,00424	0,00154	1,02595			
	12	104	3	4,62061	1,42536	0,56063			
	13	125	3	4,91/58	1,88182	0,34320			
	14								
	15								
	16								
	17								
	18								
	19								
	20								
	21								
	<u> </u>	Rapport Explorateur /							





La ligne horizontale indique la position du coefficient moyen de silhouette. Si la plupart des observations d'une classe ont des coefficients inférieurs à ce coefficient moyen, cela indique probablement que la partition obtenue n'est pas bonne.



### **Exemple 3 : Fichier IRIS - Classification mixte**

Si le nombre d'observations à classer est important, la classification mixte est une démarche intéressante. Elle se déroule en trois étapes :

- 1. Partitionnement en q classes par la méthode K-moyennes
- 2. Classification ascendante hiérarchique (CAH) sur les *q* classes issues des Kmoyennes avec pondération par les effectifs des classes
- 3. Partition finale obtenue par troncature de l'arbre CAH

A titre d'exemple illustratif, mettons cette démarche en œuvre en utilisant le fichier IRIS et en demandant un nombre de classes égal à 20 (le nombre maximum de classes à tester est alors automatiquement défini à 20).

Cochons la case 'Faire une classification CAH sur les classes obtenues par KM' et demandons 1 classe pour la CAH.



Visualisons le diagramme des indices de Calinski-Harabasz (CH).

numiris onsepal arsepal onpetal arpetal nesures nomesp	Variables quantitatives : Ionsepal larsepal lonpetal larpetal	
oodesp2	(Libellés des observations :) mesures	v
	(Libellés des variables :)           numiris	
	Nombre désiré de classes ou lignes des noya	ux initiaux :
	20	
	20 Nombre maximum de classes à tester : 10	0
	20 Nombre maximum de classes à tester : 10 Nombre maximum d'itérations : 10	D D D D
▼ Standardisation des données	20         Nombre maximum de classes à tester :       10         Nombre maximum d'itérations :       10         Nombre de tirages aléatoires :       10	D D D D
Standardisation des données	20         Nombre maximum de classes à tester :       10         Nombre maximum d'itérations :       10         Nombre de tirages aléatoires :       10         Racine aléatoire :       12	0 0 0 0 2345
Standardisation des données Algorithme Hartigan-Wong Uoyd Forgy McQueen	20         Nombre maximum de classes à tester :       10         Nombre maximum d'itérations :       10         Nombre de tirages aléatoires :       10         Racine aléatoire :       12         Vombre de tirages aléatoires :       12         Nombre de tirages aléatoire :       12         Nombre de tirages aléatoire :       12         Nombre désiré de classes pour la CAH :       1	0 00 00 2345 ar KM

Affichons le diagramme des indices de la classification CAH.



Ce graphique nous indique que 3 classes est un choix possible et confirme ainsi le résultat obtenu avec le diagramme des indices CH.

Visualisons l'arbre de la classification.



Revenons à la boîte de dialogue d'entrée des données en cliquant sur un nombre de classes égal à 3 pour la classification CAH.



Exécutons à nouveau l'analyse.

Le rapport nous indique comment chaque observation a été affectée à une classe CAH et la classe initiale KM.

W Rapports et Graphiques									_ 🗆 ×
Rapport KM		1	2	3	4	5	6	7	8
- Nombre optimal de classes (KM)	1								
Centroi des std. des classes (KM)	2	CLASSIFICATION DES OBSERVATION	S (CAH)						
Classification (KM)	3								I
- Résumé de la classification (KM)	4	Nombre de classes CAH : 3							
- Statistiques pour les classes (KM)	5	Nombre de classes KM : 20							
- Contrib. variables aux classes (KM)	6								
Contrib. classes aux variables (KM)	7								
Contrairden non std. den elsense (CAH)			Closes CAH	Classe KM					
Centrol des nor sid, des classes (CATI)	0	1	Classe CAIT	Cidsse Kill					
Résumé de la classification (CAH)	9	2	2	15					
- Statistiques pour les classes (CAH)	10	2	2	2					
- Contrib. variables aux classes (CAH)	11	3	2	8					
Contrib. classes aux variables (CAH)	12	4	2	8					
	13	5	2	15					
	14	6	2	18					
	15	7	2	15					
	16	8	2	15					
	17	9	2	8					
	18	10	2	2					
	19	11	2	18					
	20	12	2	15					
	21	13	2	2					
		44 Despert Exploratour /	-	0					

RESUME DE LA CLASSIFICATION (CAH)				
	Nombre d'observations	Pourcentage		
Classe 1	74	49,33333		
Classe 2	50	33,33333		
Classe 3	26	17,33333		

CENTROIDES NON STANDARDISES DES CLASSES (CAH)					
	lonsepal	larsepal	lonpetal	larpetal	
Classe 1	6,00541	2,76892	4,56486	1,49324	
Classe 2	5,00600	3,42800	1,46200	0,24600	
Classe 3	6,99231	3,16538	5,87692	2,19615	

## Le graphique du nuage des points affiche les classes de la CAH.



#### Il est possible d'enregistrer ces résultats :

Enregistrement des résultats (1/1)		
Enregistrer	Noms attribués aux variables cibles	
Libellés des observations	libobs	
Libellés des variables	libvar	
Classes des observations (KM)	classes	
Libellés des classes (KM)	libclasses	
Centroïdes standardisés des classes (KM)	centres1_1	
Centroïdes non standardisés des classes (KM)	centres2_1	
Indices de la classification CAH	indicescah	
Classes des observations (CAH)	classescah	
Centroïdes non standardisés des classes (CAH)	centrescah_1	
Ok Plus	Tout Annuler	

#### Les variables internes créées par la procédure

Voici la liste des variables internes créées par la procédure.

Variable	Contenu
libobs	Libellés des observations du jeu d'apprentissage
libvar	Libellés des variables
classes	Classes affectées aux observations du jeu d'apprentissage (KM)
libclasses	Libellés des classes (KM)
centres1	Centroïdes standardisés des classes (KM)
centres2	Centroïdes non standardisés des classes (KM)
libobsprev	Libellés des observations du jeu de prévision (KM)
classesprev	Classes affectées aux observations du jeu de prévision (KM)
indicescah	Indices de la classification CAH (classification mixte)
classescah	Classes des observations CAH (classification mixte)
centrescah	Centroïdes non standardisés des classes CAH (classification mixte)

#### Références

Documentation du package R 'stats' (2024)

https://rdrr.io/r/stats/stats-package.html

Documentation du package R 'cluster' (2024)

https://cran.r-project.org/web/packages/cluster/cluster.pdf